

# Introduction au développement dans l'environnement de programmation PETSc

Marc MEDALE

École Polytechnique Universitaire de Marseille

Département de Mécanique Énergétique

et

IUSTI, UMR 6595 CNRS - Université Aix-Marseille

e-mail : [Marc.Medale@polytech.univ-mrs.fr](mailto:Marc.Medale@polytech.univ-mrs.fr)

# Plan de la présentation

- Analyse préalable au développement
- Choix stratégiques de développement ;
- Principaux concepts de PETSc
- Implémentation dans PETSc ;
- Quelques conclusions.

# Analyse préalable au développement

- Dispose-t-on d'un code de calcul et d'un ordinateur susceptible de l'exécuter convenablement ?
  - Ressources informatiques requises (CPUs, RAM) ;
  - Extensibilité en calcul parallèle (scalability) ;
  - Prix du calcul (compatibilité modèles-algorithmes-ressources) ;
- Intérêts du 'High Performance Computing' :
  - à taille donnée, résoudre plus vite ;
  - à durée donnée, résoudre un plus gros problème ;
  - à taille et durée données, résoudre avec moins de ressources (moins cher).

# Environnement de calcul H.P.C.

- Les infrastructures sont là (IDRIS, CINES, CCRT, méso-grilles, etc.)
- Les ordinateurs de calcul scientifique sont remplacés environ tous les 5 ans :
- Les codes de calcul HPC ont une durée de vie limitée :
  - les paradigmes de programmation ;
  - les architectures matérielles (multi-coeur, accès mémoire, etc.)
- La portabilité devient une priorité, l'optimisation poussée un luxe
- Il existe des bibliothèques gratuites « open-sources », portables, performantes, développées et maintenues ...

# Dans quel environnement développer ?

Quelques questions clé à se poser avant de se lancer :

- Identification de la communauté concernée ;
  - Nombre de personnes impliquées dans le développement et l'utilisation, background informatique et numérique ;
  - Moyens de maintenance du code (subversion, etc.) et support aux utilisateurs (documentation automatique) ;
  - Proximité de domaines physiques et méthodes numériques pressenties ;
- Nature de l'espace collaboratif ?
  - Plateforme générique de développement ;
  - Bibliothèques scientifiques ;
  - Code spécialisé.

# Quelques critères de choix d'une librairie de calcul scientifique

- Open source, gratuite
- Portable
- Performante
- Nombreuses fonctionnalités
- Ouverte : interfacable vers d'autres bibliothèques
- Accessible : facile à comprendre et à utiliser (documentation, exemples, templates, etc.)
- Pérenne : maintenue et développée sur le moyen terme (5 à 10 ans)

# Choix stratégiques dans le contexte du H.P.C.

- Analyse fonctionnelle du code ;
  - **Dévelop. centrés sur les spécificités de nos modèles ;**
  - **Sous-traitance des parties génériques (PETSc, BLAS, LAPACK, MUMPS, MPI, etc.) ;**
- Développement dans un environnement de programmation orienté objets ;
- Adéquation modèles - algorithmes - plates-formes ;
- Calculateurs parallèles à hautes performances ;
  - Super-calculateurs GENCI (IDRIS, CINES, CCRT)
  - En local (meso-grille, clusters).

# PETSc (<http://www.mcs.anl.gov/petsc>)

## Portable Extensible Toolkit Scientific computations

(Argonne National Laboratory)

- [Download](#)
- [Features](#)
  - [Component Details](#)
  - [Diagram](#)
  - [GPUs](#)
  - [Threads](#)
- [Documentation](#)
- [Applications/Publications](#)
- [Miscellaneous](#)
- [External Software](#)
- [Developers Site](#)

Level of  
Abstraction



Application Codes

SNES  
(Nonlinear Equations Solvers)

TS  
(Time Stepping)

PC  
(Preconditioners)

KSP  
(Krylov Subspace Methods)

Matrices

Vectors

Index Sets

BLAS

MPI



# Les principaux objets de PETSc

PETSc components provide the functionality required for many parallel solutions of PDEs.

## Vec

Provides the vector operations required for setting up and solving large-scale linear and nonlinear problems. Includes easy-to-use parallel scatter and gather operations, as well as special-purpose code for handling ghost points for regular data structures.

## Mat

A large suite of data structures and code for the manipulation of parallel sparse matrices. Includes four different parallel matrix data structures, each appropriate for a different class of problems.

## PC

A collection of sequential and parallel preconditioners, including (sequential) ILU(k), LU, and (both sequential and parallel) block Jacobi, overlapping additive Schwarz methods and structured MG using DMMG.

## KSP

Parallel implementations of many popular Krylov subspace iterative methods, including GMRES, CG, CGS, Bi-CG-Stab, two variants of TFQMR, CR, and LSQR. All are coded so that they are immediately usable with any preconditioners and any matrix data structures, including matrix-free methods.

## SNES

Data-structure-neutral implementations of Newton-like methods for nonlinear systems. Includes both line search and trust region techniques with a single interface. Employs by default the above data structures and linear solvers. Users can set custom monitoring routines, convergence criteria, etc.

## TS

Code for the time evolution of solutions of PDEs. In addition, provides pseudo-transient continuation techniques for computing steady-state solutions.

# Les principaux objets de PETSc

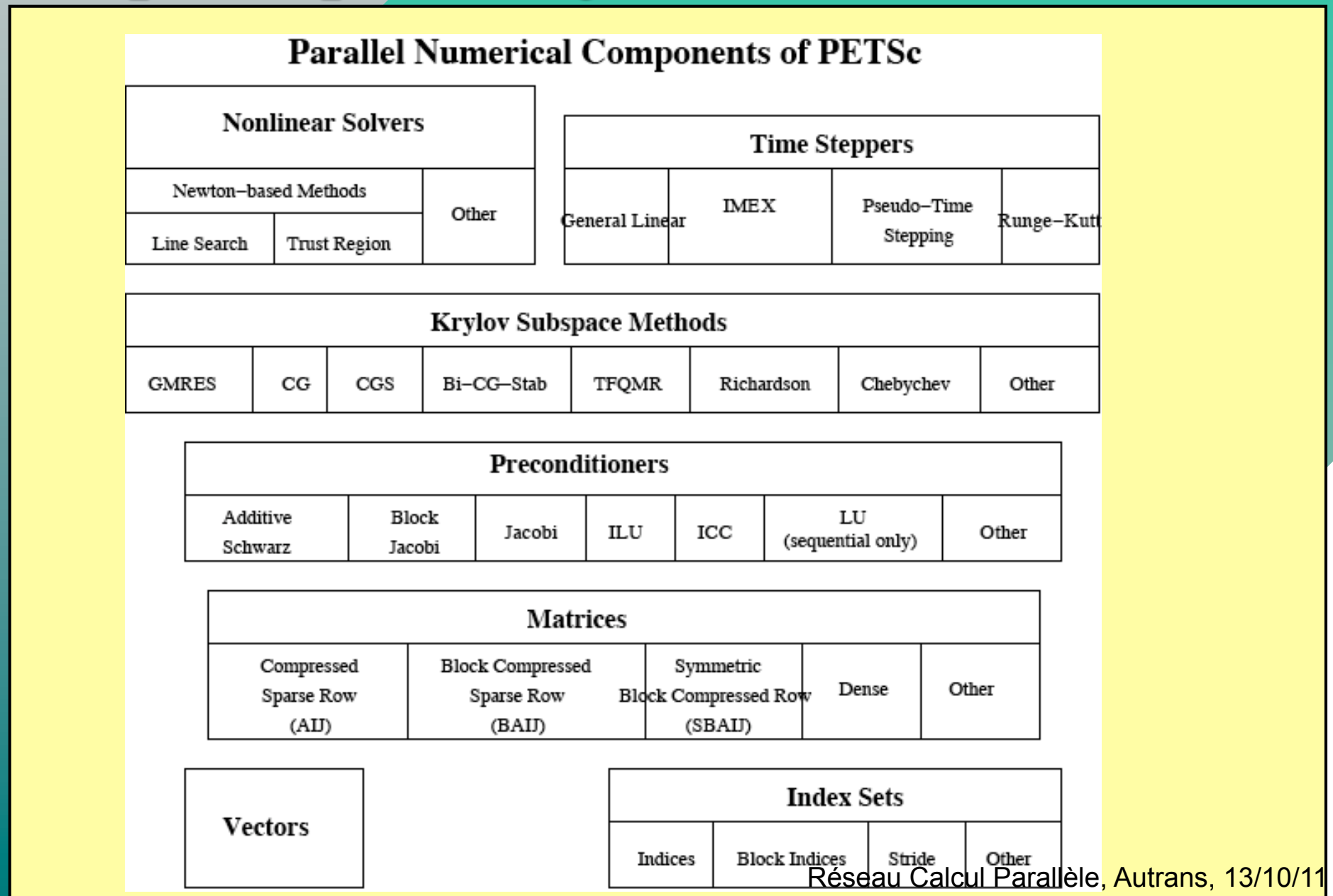
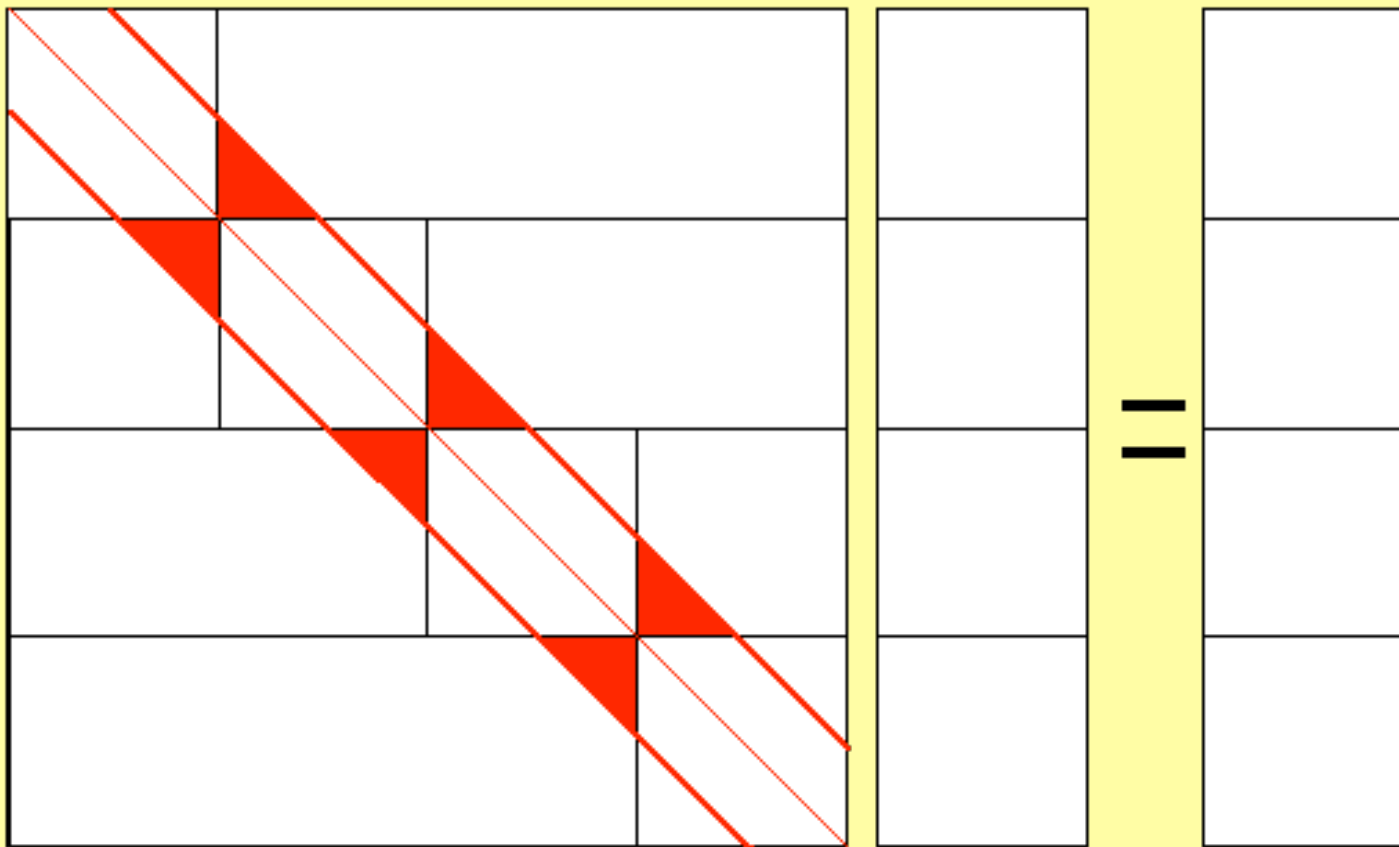


Figure3: Numerical Libraries of PETSc

# Principes de résolution // syst. algébriq.

Solver itératif => nombreux produits matrice-vecteur



# Opérations de base sur des vecteurs

Function Name	Operation
<code>VecAXPY (Vec y, PetscScalar a, Vec x);</code>	$y = y + a \cdot x$
<code>VecAYPX (Vec y, PetscScalar a, Vec x);</code>	$y = x + a \cdot y$
<code>VecWAXPY (Vec w, PetscScalar a, Vec x, Vec y);</code>	$w = a \cdot x + y$
<code>VecAXPBY (Vec y, PetscScalar a, PetscScalar b, Vec x);</code>	$y = a \cdot x + b \cdot y$
<code>VecScale(Vec x, PetscScalar a);</code>	$x = a \cdot x$
<code>VecDot(Vec x, Vec y, PetscScalar *r);</code>	$r = \bar{x}^0 \cdot y$
<code>VecTDot(Vec x, Vec y, PetscScalar *r);</code>	$r = x^0 \cdot y$
<code>VecNorm(Vec x, NormType type, PetscReal *r);</code>	$r =   x  _{\text{type}}$
<code>VecSum(Vec x, PetscScalar *r);</code>	$r = \sum x_i$
<code>VecCopy(Vec x, Vec y);</code>	$y = x$
<code>VecSwap(Vec x, Vec y);</code>	$y = x \text{ while } x = y$
<code>VecPointwiseMul(Vec w, Vec x, Vec y);</code>	$w_i = x_i \cdot y_i$
<code>VecPointwiseDivide(Vec w, Vec x, Vec y);</code>	$w_i = x_i / y_i$
<code>VecMDot(Vec x, intn, Vec y[], PetscScalar *r);</code>	$r[i] = \bar{x}^0 \cdot y[i]$
<code>VecMTDot(Vec x, intn, Vec y[], PetscScalar *r);</code>	$r[i] = x_p^0 \cdot y[i]$
<code>VecMAXPY (Vec y, intn, PetscScalar *a, Vec x[]);</code>	$y = y + \sum_i a_i \cdot x[i]$
<code>VecMax(Vec x, int*idx, PetscReal *r);</code>	$r = \max x_i$
<code>VecMin(Vec x, int*idx, PetscReal *r);</code>	$r = \min x_i$
<code>VecAbs(Vec x);</code>	$x_i =  x_i $
<code>VecReciprocal(Vec x);</code>	$x_i = 1/x_i$
<code>VecShift(Vec x, PetscScalar s);</code>	$x_i = s + x_i$
<code>VecSet(Vec x, PetscScalar alpha);</code>	$x_i = \alpha$

# Opérations de base sur des matrices

Function Name	Operation
<code>MatAXPY (Mat Y, PetscScalar a, Mat X, MatStructure);</code>	$Y = Y + a \cdot X$
<code>MatMult(Mat A, Vec x, Vec y);</code>	$y = A \cdot x$
<code>MatMultAdd(Mat A, Vec x, Vec y, Vec z);</code>	$z = y + A \cdot x$
<code>MatMultTranspose(Mat A, Vec x, Vec y);</code>	$y = A^T \cdot x$
<code>MatMultTransposeAdd(Mat A, Vec x, Vec y, Vec z);</code>	$z = y + A^T \cdot x$
<code>MatNorm(Mat A, NormType type, double*r);</code>	$r = \ A\ _{\text{type}}$
<code>MatDiagonalScale(Mat A, Vec l, Vec r);</code>	$A = \text{diag}(l) \cdot A \cdot \text{diag}(r)$
<code>MatScale(Mat A, PetscScalar a);</code>	$A = a \cdot A$
<code>MatConvert(Mat A, MatType type, Mat* B);</code>	$B = A$
<code>MatCopy(Mat A, Mat B, MatStructure);</code>	$B = A$
<code>MatGetDiagonal(Mat A, Vec x);</code>	$x = \text{diag}(A)$
<code>MatTranspose(Mat A, MatReuse, Mat* B);</code>	$B = A^T$
<code>MatZeroEntries(Mat A);</code>	$A = 0$
<code>MatShift(Mat Y, PetscScalar a);</code>	$Y = Y + a \cdot I$

# Algorithmes itératifs de résolution

Method	KSPType	Options Database Name
Richardson	KSPRICHARDSON	richardson
Chebyshev	KSPCHEBYCHEV	chebyshev
ConjugateGradient [2]	KSPCG	cg
BiConjugateGradient	KSPBICG	bicg
Generalized MinimalResidual [16]	KSPGMRES	gmres
FlexibleGeneralizedMinimalResidual	KSPFGMRES	fgmres
Deflated Generalized MinimalResidual	KSPDGMRES	dgmres
Generalized ConjugateResidual	KSPGCR	gcr
BiCGSTAB [19]	KSPBCGS	bcgs
ConjugateGradientSquared [8]	KSPCGS	cgs
Transpose-FreeQuasi-MinimalResidual(1) [8]	KSPTFQMR	tfqmr
Transpose-FreeQuasi-MinimalResidual(2)	KSPTCQMR	tcqmr
ConjugateResidual	KSPCR	cr
LeastSquaresMethod	KSPLSQR	lsqr
ShellfornokSP method	KSPPREONLY	preonly

# Techniques de préconditionnement

Method	PCType	Options DatabaseName
Jacobi	PCJACOBI	jacobi
BlockJacobi	PCBJACOBI	bjacobi
SOR(and SSOR)	PCSOR	sor
SORwith Eisenstat trick	PCEISENSTAT	eisenstat
Incomplete Cholesky	PCICC	icc
Incomplete LU	PCILU	ilu
Additive Schwarz	PCASM	asm
Linearsolver	PCKSP	ksp
Combination of preconditioners	PCCOMPOSITE	composite
LU	PCLU	lu
Cholesky	PCCHOLESKY	cholesky
Nopreconditioning	PCNONE	none
Shell for user-defined PC	PCSHELL	shell

# Interfaces vers des solveurs directs

MatType	PCType	MatSolverPackage	Package (-pc_factor_mat_solver_package)
seqaijlu		MATSOLVERESSL	essl
seqaijlu		MATSOLVERLUSOL	lusol
seqaijlu		MATSOLVERMATLAB	matlab
aijlu		MATSOLVERMUMPS	mumps
aijcholesky			
sbaijcholesky			
mpidenselu		MATSOLVERPLAPACK	plapack
mpidensecholesky			
aijlu		MATSOLVERSPOOLES	spooles
sbaijcholesky			
seqaijlu		MATSOLVERSUPERLU	superlu
aijlu		MATSOLVERSUPERLU	_DIST superlu_dist
seqaijlu		MATSOLVERUMFPACK	umfpack



# Principaux avantages de PETSc

- Portable, bien programmé, largement testé
- Open-sources, développé et maintenu (DOE)
- Très bien documenté, équipe de développement et d'assistance ( $\approx 10$  personnes)
- Performances
  - Superposition des phases de com. et calculs ;
  - Choix du moment opportun pour communiquer ;
  - Optimisation des communications répétées ;
  - Regroupement des données à communiquer avant de les envoyer ;

# Principaux avantages de PETSc

- Facilité de programmation (3 niveaux de prog.)
  - Gestion d'objets // de haut niveau (mat., vect., solver, SNES, TS, ...)
  - Généricité (Prog. Orientée Objets) ;
- Multiples options à l'exécution
  - particularisation du type de stockage
  - choix de la technique de préconditionnement
  - choix du type de solveur (itératif, direct)
  - monitoring des objets, de la convergence des l'algo, etc.
  - profiling

# Code de recherche développé dans PETSc

- Écoulements incompressibles, dilatables et faiblement compressibles, avec transferts thermiques ;
- Équations de Navier-Stokes couplées à l'équation de l'énergie ;
- Approximations de Boussinesq et dilatable (faible nombre de Mach) ;
- Recherche de solutions :
  - Stationnaires (lorsqu'elles existent) ;
  - Instationnaires ;
  - Études de stabilité.

# Modèles numériques développés

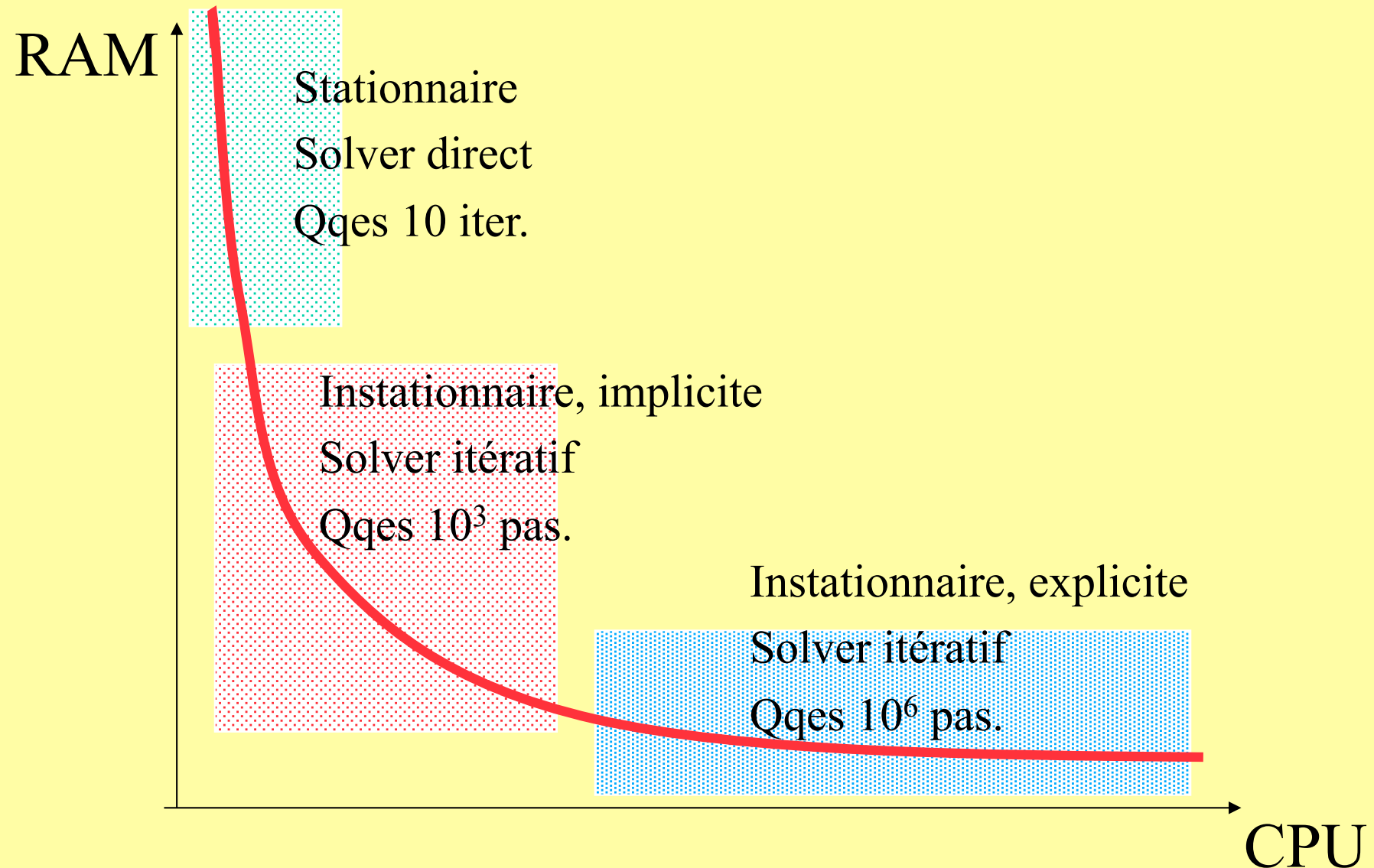
## A) Calcul de solutions stationnaires

- Formulation couplée (vites.-pres.-temp.) ;
- Newton-Raphson + ‘cubic line search’ ;
- Solveur direct parallèle LU (MUMPS) ;
- Méthodes de continuation (NR-ALP, MAN).

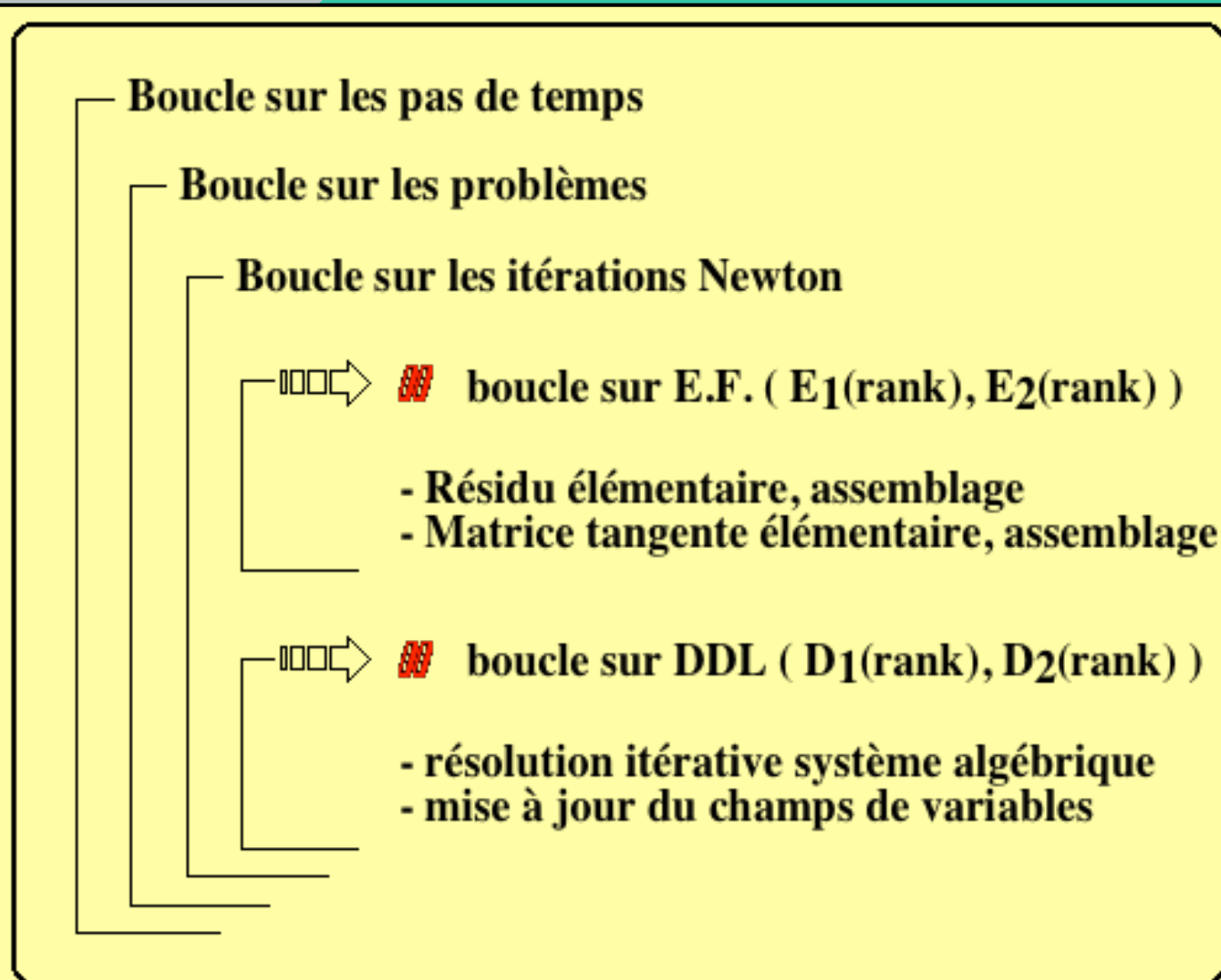
## B) Calcul de solutions instationnaires

- Formulation ‘segregated’ (vites.-pres.-temp.) ;
- Méthode de Projection Incrémentale ;
- Newton-Raphson + ‘cubic line search’ ;
- Solveurs itératifs parallèles (BCGS + ASM + ILU) ;
- Schéma d’Euler semi-implicite (BDF2).

# Typologie de résolution syst. algébrique



# Algorithme du programme principal



**Algorithmes itératifs utilisés dans Petsc :**

- système non-linéaire : **Newton-Raphson + cubic line search**
- système linéaire : **BCGS + (ASM ou SSOR)**

# Formulations éléments finis

Heat transfer

$$\int_{\Omega} \left[ \rho C_P \left( \frac{\partial T}{\partial t} + \vec{u} \cdot \vec{\nabla} T \right) \delta T + k (\vec{\nabla} T \cdot \vec{\nabla} \delta T) \right] dv = - \int_{\Omega} \rho L_F \left( \frac{\partial f}{\partial t} + \vec{u} \cdot \vec{\nabla} f \right) \delta T dv + \int_{\partial\Omega} k \frac{\partial T}{\partial n} \delta T ds$$

+ Dirichlet type B.C.

Incompressible fluid flow

\* Momentum :

$$\int_{\Omega} \left[ \rho \left( \frac{\vec{u}^{k+1} - \vec{u}^k}{\Delta t} + (\vec{u}^{k+1} \cdot \vec{\nabla}) \vec{u}^{k+1} \right) \delta \vec{u} + \mu (\vec{\nabla} \vec{u}^{k+1} : \vec{\nabla} \delta \vec{u}) \right] dv = \int_{\Omega} \delta \vec{u} \left[ \vec{f}^{k+1} - \vec{\nabla} (2 p^k - p^{k-1}) \right] dv + \int_{\partial\Omega} \delta \vec{u} (\vec{\sigma}_v^{k+1} \cdot \vec{n}) ds$$

+ Dirichlet type B.C.

\* Projection step :

$$\int_{\Omega} \vec{\nabla} (p^{k+1} - p^k) \cdot \vec{\nabla} \delta p dv = - \frac{\rho}{\Delta t} \int_{\Omega} \delta p (\vec{\nabla} \cdot \vec{u}^{k+1}) dv$$

(+ Dirichlet type B.C.)

# Conclusions

- Développement de code dans un contexte H.P.C. et implémentation dans un env. de prog. de haut niveau (PETSc) ;
- Analyse poussée du problème et de l'environnement de programmation ;
- Choix de formulations et algorithmes adaptés ;
- Compatibilité modèles-algorithmes-ressources ;
- Sous-traitance des parties génériques (com., solveurs, etc.) à des bibliothèques spécialisées et H.P.C.
- Pérennité des développements : portabilité, performances, facilité de rajouter des modèles et méthodes ;
- Compromis temps de développement, d'exécution, de maintenance ;



# TP N°1 : introduction à l'utilisation

## Concepts : mettre en pratique les fonctionnalités au travers d'exemples élémentaires de PETSc

- Préparation : copie de mon répertoire sur votre compte, compilation, etc.

```
cp -r /home/medale/PETSc/ .  
cd TP_intro/  
make ex2 (ou make ex2f)
```

- Lancer l'exécution par défaut

```
time mpirun -n 2 ./ex2
```

- Affichage des caractéristiques du solveur utilisé, de la convergence, etc.

```
time mpirun -n 2 ./ex2 -n 100 -m 100 -ksp_view  
time mpirun -n 2 ./ex2 -n 100 -m 100 -ksp_monitor  
time mpirun -n 2 ./ex2 -n 100 -m 100 -ksp_monitor -log_summary
```

- Comparaison des performances des diverses combinaisons (préconditionneur-solveur itératif) pour  $n=m=100$ , 1000 et #NB\_PROCS.

```
time mpirun -n 2 ./ex2 -n 100 -m 100 -ksp_monitor -ksp_type bcgs -pc_type  
asm -ksp_atol 1e-15 -ksp_rtol 1e-12 -ksp_max_it 1000
```

# TP N°2 : solveur non-linéaire

## Concepts : mettre en pratique les fonctionnalités au travers d'exemples élémentaires de PETSc

- Préparation : copie de mon répertoire sur votre compte, compilation, etc.

```
cp -r /home/medale/PETSc/ .  
cd TP_non_lineaire/  
make ex5 (ou make ex5f)
```

- Lancer l'exécution par défaut

```
time mpirun -n 2 ./ex5
```

- Affichage des caractéristiques du solveur utilisé, de la convergence, etc

```
time mpirun -n 2 ./ex5 -snes_view  
time mpirun -n 2 ./ex5 -snes_monitor  
time mpirun -n 2 ./ex5 -snes_monitor -log_summary
```

- Comparaison des performances des divers paramètres de résolution et #NB\_PROCS.

```
time mpirun -n 2 ./ex5 -snes_monitor -snes_max_it 10 -snes_atol 1e-9 -snes_rtol 1e-6 -snes_stol 1e-6 -  
da_grid_x 10 -da_grid_y 10
```