

# TP MPI

## ANGD Plasmas froids

Guy Moebs

Laboratoire de Mathématiques Jean Leray,  
CNRS, Université de Nantes, École Centrale de Nantes

Octobre 2011

# Liste des TPs

Compilation / exécution d'un programme MPI

TP1 : hello world !

TP2 : communications en anneau

TP3 : ma première topologie

TP Laplace

## Compilation / exécution d'un programme MPI

TP1 : hello world !

TP2 : communications en anneau

TP3 : ma première topologie

TP Laplace

# Compilation / exécution d'un programme MPI

- ▶ On dispose d'un *wrapper* Fortran `mpif90` basé sur gfortran et OpenMPI

```
mpif90 -O2 source.f90 -o a.out
```

# Compilation / exécution d'un programme MPI

- ▶ On dispose d'un *wrapper* Fortran `mpif90` basé sur gfortran et OpenMPI

```
mpif90 -O2 source.f90 -o a.out
```

- ▶ On se dispense d'authentification sur les nœuds de la grappe

- ▶ créer une clef ssh :

```
ssh-keygen -t dsa
```

- ▶ la placer au bon endroit :

```
cd .ssh; cp id_dsa.pub authorized_keys
```

- ▶ lancer le ssh-agent :

```
eval 'ssh-agent'
```

- ▶ ajouter la passphrase :

```
ssh-add $HOME/.ssh/id_dsa
```

# Compilation / exécution d'un programme MPI

- ▶ On dispose d'un *wrapper* Fortran `mpif90` basé sur gfortran et OpenMPI

```
mpif90 -O2 source.f90 -o a.out
```

- ▶ On se dispense d'authentification sur les nœuds de la grappe

- ▶ créer une clef ssh :

```
ssh-keygen -t dsa
```

- ▶ la placer au bon endroit :

```
cd .ssh; cp id_dsa.pub authorized_keys
```

- ▶ lancer le ssh-agent :

```
eval 'ssh-agent'
```

- ▶ ajouter la passphrase :

```
ssh-add $HOME/.ssh/id_dsa
```

- ▶ On lance son programme en précisant le nombre de tâches et les machines cibles

```
mpirun --prefix /softs/openmpi-1.4.3 -np 16 -host n1,n2,n3,n4  
./a_mpi_03.out
```

Compilation / exécution d'un programme MPI

TP1 : hello world !

TP2 : communications en anneau

TP3 : ma première topologie

TP Laplace

# TP1 : hello world

Ecrire un programme qui réalise les opérations suivantes :

- ▶ initialisation de l'environnement MPI
- ▶ lecture d'un entier par le processus de rang 0
- ▶ diffusion de cet entier à tous les processus



# Correction du TP1

```
program hello_bcast
use mpi
implicit none

!

integer :: myrank, nbproc
integer :: icode, i

!

call MPI_Init (icode)

!

call MPI_Comm_Rank (MPI_COMM_WORLD, myrank, icode)
call MPI_Comm_Size (MPI_COMM_WORLD, nbproc, icode)

!

if (myrank == 0) read (5,*) i

!

call MPI_BCast (i, 1, MPI_INTEGER, 0, MPI_COMM_WORLD, icode)
write (6,'(2(A,I6))') 'myrank = ', myrank, ' i = ', i

!

call MPI_Finalize (icode)
stop
end program hello_bcast
```

# Correction du TP1

```
echo 5 | mpirun --prefix /softs/openmpi-1.4.3 -np 16 -host n1,n2,n3,n4  
./tp1_03.out
```

```
myrank =      4      i =      5  
myrank =      8      i =      5  
myrank =     12      i =      5  
myrank =      5      i =      5  
myrank =      9      i =      5  
myrank =     13      i =      5  
myrank =      0      i =      5  
myrank =      2      i =      5  
myrank =      6      i =      5  
myrank =     10      i =      5  
myrank =     14      i =      5  
myrank =      1      i =      5  
myrank =      3      i =      5  
myrank =      7      i =      5  
myrank =     11      i =      5  
myrank =     15      i =      5
```

Compilation / exécution d'un programme MPI

TP1 : hello world !

TP2 : communications en anneau

TP3 : ma première topologie

TP Laplace

## TP2 : communications en anneau

Ecrire un programme qui réalise les opérations suivantes :

- ▶ initialisation de l'environnement MPI
- ▶ envoi par le processus 0 d'un entier au processus de rang suivant
- ▶ attente d'un entier en provenance du processus de rang immédiatement inférieur
- ▶ après réception, incrément avec son rang et envoi du résultat au suivant
- ▶ envoi par le dernier au processus de rang 0
- ▶ la boucle est bouclée !
- ▶ calcul de la somme des valeurs locales et envoi à tous les processus

# Correction du TP2 (1/2)

```
program anneau
use mpi
implicit none

!

integer :: myrank, nbproc
integer :: icode, i, j
integer :: inext, iprev
integer, dimension(mpi_status_size) :: status

!

call MPI_Init (icode)
call MPI_Comm_Rank (MPI_COMM_WORLD, myrank, icode)
call MPI_Comm_Size (MPI_COMM_WORLD, nbproc, icode)

!

inext = mod (myrank+1,nbproc)
iprev = mod (myrank-1+nbproc,nbproc)
write (6,'(A,3I6)') 'myrank : iprev, inext', myrank, iprev, inext

!

if (myrank == 0) then
  i = 1234
  call MPI_Send (i, 1, MPI_INTEGER, inext, 100+myrank,
&                MPI_COMM_WORLD, icode)
```

## Correction du TP2 (2/2)

```
!
    call MPI_Recv (j, 1, MPI_INTEGER, iprev, 100+iprev,
&                MPI_COMM_WORLD, status, icode)
!
    else
        call MPI_Recv (j, 1, MPI_INTEGER, iprev, 100+iprev,
&                MPI_COMM_WORLD, status, icode)
!

        i = j + myrank
        call MPI_Send (i, 1, MPI_INTEGER, inext, 100+myrank,
&                MPI_COMM_WORLD, icode)
    end if
!

    call MPI_AllReduce (j, is, 1, MPI_INTEGER, MPI_SUM, MPI_COMM_WORLD,
&                icode)
    write (6,'(4(A,I6,2x))') 'myrank = ', myrank, 'i = ', i, 'j = ', j,
&                'is = ', is
!

    call MPI_Finalize (icode)
    stop
end program anneau
```

# Correction du TP2

```
mpirun --prefix /softs/openmpi-1.4.3 -np 8 -host n1,n2,n3,n4  
./tp2_03.out
```

```
myrank : iprev, inext 0 7 1  
myrank : iprev, inext 4 3 5  
myrank : iprev, inext 1 0 2  
myrank : iprev, inext 5 4 6  
myrank : iprev, inext 2 1 3  
myrank : iprev, inext 3 2 4  
myrank : iprev, inext 6 5 7  
myrank : iprev, inext 7 6 0  
myrank = 0 i = 1234 j = 1262 is = 9956  
myrank = 4 i = 1244 j = 1240 is = 9956  
myrank = 2 i = 1237 j = 1235 is = 9956  
myrank = 3 i = 1240 j = 1237 is = 9956  
myrank = 6 i = 1255 j = 1249 is = 9956  
myrank = 7 i = 1262 j = 1255 is = 9956  
myrank = 1 i = 1235 j = 1234 is = 9956  
myrank = 5 i = 1249 j = 1244 is = 9956
```

Compilation / exécution d'un programme MPI

TP1 : hello world !

TP2 : communications en anneau

TP3 : ma première topologie

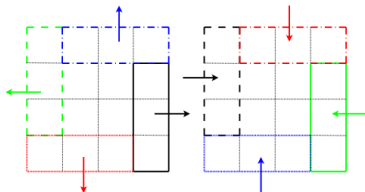
TP Laplace



# TP3 : ma première topologie

Ecrire un programme qui réalise les opérations suivantes :

- ▶ initialisation de l'environnement MPI
- ▶ création d'une topologie 2D, avec recherche des voisins immédiats
- ▶ création de type ligne(3) et colonne(3) dans des matrices 4x4
- ▶ échange avec les voisins des zones colorées de / vers deux tableaux différents



# Correction du TP3 (1/6)

```
PROGRAM TOPOLOGIE
```

```
USE mpi
```

```
IMPLICIT NONE
```

```
!
```

```
INTEGER, DIMENSION(4,4) :: MOI, EUX
```

```
!
```

```
INTEGER :: nbproc, myrank, i, j
```

```
INTEGER :: icode
```

```
INTEGER :: tag1, tag2
```

```
!
```

```
INTEGER, DIMENSION(4) :: voisin
```

```
INTEGER, PARAMETER :: N=1, E=2, S=3, W=4
```

```
!
```

```
INTEGER, DIMENSION(MPI_STATUS_SIZE) :: status
```

```
INTEGER :: comm2d, colonne, ligne
```

```
INTEGER, DIMENSION(2) :: dims
```

```
LOGICAL, DIMENSION(2) :: periods
```

```
!
```

```
icode = 0
```

```
tag1 = 100
```

```
tag2 = 200
```

# Correction du TP3 (2/6)

!Initialisation de MPI

```
CALL MPI_Init (icode)
```

!

!Savoir quel processeur je suis

```
CALL MPI_Comm_Rank (MPI_COMM_WORLD, myrank, icode)
```

!

!Connaitre le nombre total de processeurs

```
CALL MPI_Comm_Size (MPI_COMM_WORLD, nbproc, icode)
```

!

```
dims(1:2) = 0
```

```
CALL MPI_Dims_Create (nbproc, 2, dims, icode)
```

!

!Creation de la grille de processeurs 2D avec periodicite

```
periods(1:2) = .TRUE.
```

!

```
CALL MPI_Cart_Create (MPI_COMM_WORLD, 2, dims, periods, .TRUE.,  
&                      comm2d, icode)
```

!Recherche de ses 4 voisins pour chaque processeur

!Initialisation du tableau voisin

```
voisins(1:4) = (/ MPI_PROC_NULL, MPI_PROC_NULL, MPI_PROC_NULL,  
&                  MPI_PROC_NULL /)
```

# Correction du TP3 (3/6)

**!Recherche des voisins Ouest et Est**

```
CALL MPI_Cart_Shift (comm2d, 0, 1, voisin(W), voisin(E), icode)
```

!

**!Recherche des voisins Nord et Sud**

```
CALL MPI_Cart_Shift (comm2d, 1, 1, voisin(S), voisin(N), icode)
```

!

```
write (6,'(7I4)') myrank, voisin(1:4), dims(1:2)
```

!

**!Initialise les tableaux**

```
do j = 1, 4
```

```
  do i = 1, 4
```

```
    MOI(i,j) = 100*i + 1000 * j
```

```
    EUX(i,j) = 0
```

```
  end do
```

```
end do
```

!

**!Affiche les tableaux**

```
do i = 1, 4
```

```
  write (6,1010) (MOI(i,j),j=1,4), (EUX(i,j),j=1,4)
```

```
end do
```

```
1010 format (4I6,10x,4I6)
```

## Correction du TP3 (4/6)

!Envoi au voisin W et reception du voisin E

!en utilisant le type predefini colonne

```
CALL MPI_Type_Contiguous (3,           ! longueur d'un bloc
&                             MPI_INTEGER, ! type initial
&                             colonne, icode) ! nouveau type
CALL MPI_Type_Commit (colonne, icode) ! validation
```

!

!Envoi au voisin N et reception du voisin S

!en utilisant le type predefini ligne

```
CALL MPI_Type_Vector (3,           ! nombre de blocs
&                             1,      ! longueur d'un bloc
&                             4,      ! pas entre le debut de
&                             MPI_INTEGER, ! deux blocs
&                             ! consecutifs
&                             ligne, icode) ! nouveau type
CALL MPI_Type_Commit (ligne, icode) ! validation
```

# Correction du TP3 (5/6)

!Envoi au voisin N et reception du voisin S

!en utilisant le type predefini ligne

```
CALL MPI_SendRecv (MOI(1,2), 1, ligne, voisin(N), tag1,  
&                  EUX(4,1), 1, ligne, voisin(S), tag1,  
&                  comm2d, status, icode)
```

!

!Envoi au voisin S et reception du voisin N

!en utilisant le type predefini ligne

```
CALL MPI_SendRecv (MOI(4,1), 1, ligne, voisin(S), tag2,  
&                  EUX(1,2), 1, ligne, voisin(N), tag2,  
&                  comm2d, status, icode)
```

!

!Envoi au voisin W et reception du voisin E

!en utilisant le type predefini colonne

!type\_ligne

```
CALL MPI_SendRecv (MOI(1,1), 1, colonne, voisin(W), tag1,  
&                  EUX(2,4), 1, colonne, voisin(E), tag1,  
&                  comm2d, status, icode)
```

## Correction du TP3 (6/6)

**!Envoi au voisin E et reception du voisin W**

**!en utilisant le type predefini colonne**

```
CALL MPI_SendRecv (MOI(2,4), 1, colonne, voisin(E), tag2,  
&                  EUX(1,1), 1, colonne, voisin(W), tag2,  
&                  comm2d, status, icode)
```

**!**

**!Affiche les tableaux**

```
do i = 1, 4  
    write (6,1010) (MOI(i,j),j=1,4), (EUX(i,j),j=1,4)  
enddo
```

**!**

**!Liberation du type type\_ligne et du communicateur comm2d**

```
CALL MPI_Type_Free (ligne, icode)  
CALL MPI_Type_Free (colonne, icode)
```

**!**

```
CALL MPI_Comm_Free (comm2d, icode)
```

**!**

**!Desactivation de MPI**

```
CALL MPI_Finalize (icode)
```

# Correction du TP3

```
mpirun --prefix /softs/openmpi-1.4.3 -np 2 -host n1,n2 ./tp3_03.out
```

```
[1,0] <stdout>: 0 0 1 0 1 2 1
```

```
[1,0] <stdout>: 1100 2100 3100 4100    0    0    0    0
```

```
[1,0] <stdout>: 1200 2200 3200 4200    0    0    0    0
```

```
[1,0] <stdout>: 1300 2300 3300 4300    0    0    0    0
```

```
[1,0] <stdout>: 1400 2400 3400 4400    0    0    0    0
```

```
[1,0] <stdout>: 1100 2100 3100 4100 4200 1400 2400 3400
```

```
[1,0] <stdout>: 1200 2200 3200 4200 4300    0    0 1100
```

```
[1,0] <stdout>: 1300 2300 3300 4300 4400    0    0 1200
```

```
[1,0] <stdout>: 1400 2400 3400 4400 2100 3100 4100 1300
```

```
[1,1] <stdout>: 1 1 0 1 0 2 1
```

```
[1,1] <stdout>: 1100 2100 3100 4100    0    0    0    0
```

```
[1,1] <stdout>: 1200 2200 3200 4200    0    0    0    0
```

```
[1,1] <stdout>: 1300 2300 3300 4300    0    0    0    0
```

```
[1,1] <stdout>: 1400 2400 3400 4400    0    0    0    0
```

```
[1,1] <stdout>: 1100 2100 3100 4100 4200 1400 2400 3400
```

```
[1,1] <stdout>: 1200 2200 3200 4200 4300    0    0 1100
```

```
[1,1] <stdout>: 1300 2300 3300 4300 4400    0    0 1200
```

```
[1,1] <stdout>: 1400 2400 3400 4400 2100 3100 4100 1300
```



Compilation / exécution d'un programme MPI

TP1 : hello world !

TP2 : communications en anneau

TP3 : ma première topologie

TP Laplace

# TP Laplace

- ▶ Analyser le code séquentiel (le faire “tourner”)
- ▶ Analyser les algorithmes mis en œuvre
- ▶ Effectuer le découpage, construire la topologie (grille de processus, voisins, ...)
- ▶ Déterminer les dépendances entre les données
- ▶ Faire le bilan : qui a besoin de quoi, quand et où !
- ▶ Déterminer les structures des données à échanger
- ▶ Construire les types MPI ad hoc
- ▶ Dupliquer et modifier le code séquentiel !

# Dépendance dans l'algorithme

```
do j = 1, ny
  do i = 1, nx
    V(i,j) = omega1 * V_old(i,j)
&      + ( sou(i,j)      (1)
&      + ve(i,j) * V(i+1,j ) + vw(i,j) * V(i-1,j )
&      + vn(i,j) * V(i ,j+1) + vs(i,j) * V(i ,j-1)
&      ) * vc(i,j)
  end do
end do
```

- Il y a plusieurs dépendances à satisfaire

# Dépendance dans l'algorithme

```
do j = 1, ny
  do i = 1, nx
    V(i,j) = omega1 * V_old(i,j)
&      + ( sou(i,j)      (1)      (2)
&      + ve(i,j) * V(i+1,j ) + vw(i,j) * V(i-1,j )
&      + vn(i,j) * V(i ,j+1) + vs(i,j) * V(i ,j-1)
&      ) * vc(i,j)
  end do
end do
```

- Il y a plusieurs dépendances à satisfaire
- Des dépendances vers des valeurs justes calculées

# Dépendance dans l'algorithme

```
do j = 1, ny
  do i = 1, nx
    V(i,j) = omega1 * V_old(i,j)
&      + ( sou(i,j)      (1)                                (2)
&      + ve(i,j) * V(i+1,j ) + vw(i,j) * V(i-1,j )
&      + vn(i,j) * V(i ,j+1) + vs(i,j) * V(i ,j-1)
&      ) * vc(i,j)
  end do
end do
```

- ▶ Il y a plusieurs dépendances à satisfaire
- ▶ Des dépendances vers des valeurs justes calculées
- ▶ Des dépendances vers des valeurs *anciennes*

# Dépendance dans l'algorithme

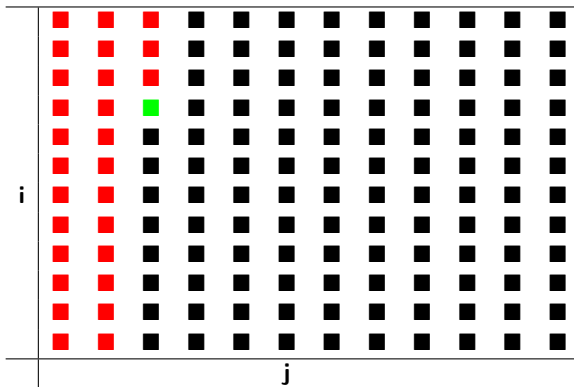
```
do j = 1, ny
  do i = 1, nx
    V(i,j) = omega1 * V_old(i,j)
&      + ( sou(i,j)      (1)                                (2)
&      + ve(i,j) * V(i+1,j ) + vw(i,j) * V(i-1,j )
&      + vn(i,j) * V(i ,j+1) + vs(i,j) * V(i ,j-1)
&      ) * vc(i,j)
  end do
end do
```

- ▶ Il y a plusieurs dépendances à satisfaire
- ▶ Des dépendances vers des valeurs justes calculées
- ▶ Des dépendances vers des valeurs *anciennes*
- ▶ Elles doivent toutes être satisfaites, mais on n'a pas les mêmes contraintes

# Dépendance

► Dépendance dans le calcul :

- nouvelles valeurs, itération courante
- valeur en cours de calcul, elle a besoin de ses voisins immédiats
- anciennes valeurs, itération précédente







# Variables pour la topologie

**! Environnement MPI**

Integer :: nbproc, myrank, ierr

**! Communicateur et types dérivés**

Integer :: ip\_y, comm1d

**! Répartition des processus**

Integer, Dimension(1) :: idims

**! Coordonnées des processus dans la grille**

Integer, Dimension(1) :: icoords

**! Périodicité des conditions aux limites**

Logical, Dimension(1) :: periods

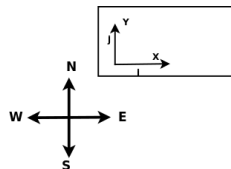
**! Rang des processus voisins**

Integer, Dimension(2) :: voisins

Integer, Parameter :: ivw = 1, ive = 2

**! Renumérotation des processus?**

Logical :: reorg = .TRUE.



# Construction de la topologie

## ! Repartition des processus

```
idims(1) = 0  
CALL MPI_Dims_Create (nbproc, 1, idims, ierr)
```

!

## ! Creation de la grille de processeurs 1D sans periodicite

```
periods(1) = .FALSE.  
CALL MPI_Cart_Create (MPI_COMM_WORLD, 1, idims, periods, reorg,  
&                      comm1d, ierr)
```

!

## ! Recherche de ses 2 voisins pour chaque processeur

```
voisins(1:2) = (/ MPI_PROC_NULL, MPI_PROC_NULL /)
```

!

## ! Recherche des voisins Ouest et Est

```
CALL MPI_Cart_Shift (comm1d, 0, 1, voisins(ivw), voisins(ive), ierr)
```

!

## ! Recherche des coordonnees dans la grille

```
CALL MPI_Cart_Get (comm1d, 1, idims, periods, icoords, ierr)
```

# Construction des sous-domaines

**! Determiner les indices de chaque sous-domaine**

```
imin = 1 + (icoords(1)*nx) / idims(1)
```

```
imax = ((icoords(1)+1)*nx) / idims(1)
```

**!**

**!Allocation des tableaux**

```
ALLOCATE (x(imin:imax), xm(imin-1:imax), ym(1-1:ny),
```

```
& y(1:ny), V(imin-1:imax+1,0:ny+1),
```

```
& V_old(imin-1:imax+1,0:ny+1),
```

```
& sou(imin:imax,1:ny), vn(imin:imax,1:ny),
```

```
& ve (imin:imax,1:ny), vs(imin:imax,1:ny),
```

```
& vw (imin:imax,1:ny), vc(imin:imax,1:ny),
```

```
& eps(imin-1:imax+1,0:ny+1), STAT=ierr)
```

```
if (ierr /= 0) then
```

```
  Write (6,'(A)') 'ERREUR ALLOCATION DYNAMIQUE'
```

```
  CALL MPI_Abort (MPI_COMM_WORLD, -1, ierr)
```

```
  stop
```

```
end if
```

# Traitement des dépendances

```
do j = 1, ny
! Réception bloquante point interface bord ouest (2)
  do i = imin, imax
    V(i,j) = omega1 * V_old(i,j)
&          + ( sou(i,j)      (1)                                (2)
&          + ve(i,j) * V(i+1,j ) + vw(i,j) * V(i-1,j )
&          + vn(i,j) * V(i ,j+1) + vs(i,j) * V(i ,j-1)
&          ) * vc(i,j)
  end do
! Envoi non bloquant interface point bord est
end do
! Réception non bloquante interface bord est (1)
! Envoi interface bord ouest
```

# Construction des types dérivés

- Bloc de données équidistantes :  $V(i, 1:ny)$

```
CALL MPI_Type_Vector (ny-1+1,          ! nombre de blocs
&                    1,                ! longueur d'un bloc
&                    imax-imin+3,      ! pas entre le debut de
&                    MPI_DOUBLE_PRECISION, ! deux blocs
&                                     ! consecutifs
&                    ip_y, ierr)       ! nouveau type
CALL MPI_Type_Commit (ip_y, ierr)     ! validation
```

# Boucle complète (1/5)

```
do k = 1, iter_max
! Attente reception bord est, envoi bord ouest
  if (k /= 1) then
    CALL MPI_Wait (ireq1, status, ierr)
    CALL MPI_Wait (ireq2, status, ierr)
  end if
!
do j = 1, ny
!
! Reception bloquante point interface bord ouest (2)
  CALL MPI_Recv (V(imin-1,j), 1, MPI_DOUBLE_PRECISION,
&               voisins(ivw), j, commId, status, ierr)
!
! Validation envoi point bord est
  if (k /= 1) Call MPI_Wait (ireq3(j), status, ierr)
```

## Boucle complète (2/5)

```
do i = imin, imax
  V(i,j) = omega1 * V_old(i,j)
&          + ( sou(i,j)      (1)                                (2)
&          + ve(i,j) * V(i+1,j ) + vw(i,j) * V(i-1,j )
&          + vn(i,j) * V(i ,j+1) + vs(i,j) * V(i ,j-1)
&          ) * vc(i,j)
end do

!
! Envoi interface point bord est
CALL MPI_ISend (V(imax,j), 1, MPI_DOUBLE_PRECISION,
&              voisins(ive), j, comm1d, ireq3(j), ierr)
end do

!
! Réception non bloquante interface bord est (1)
irecvtag = 3000+myrank
CALL MPI_IRecv (V(imax+1,1), 1, ip_y, voisins(ive), irecvtag,
&              comm1d, ireq1, ierr)
```

## Boucle complète (3/5)

```
! Envoi interface bord ouest
  isendtag = 3000+voisins(ivw)
  CALL MPI_ISEND (V(imin ,1), 1, ip_y, voisins(ivw), isendtag,
&                comm1d, ireq2, ierr)
!
  end do ! k = 1, iter_max
!
! calcul du critere de convergence
  erreur_loc = 0.0d0
  do j = 1, ny
    do i = imin, imax
      erreur = abs (V(i,j) - V_old(i,j) )
      erreur_loc = max (erreur_loc, erreur)
    end do
  end do
!
  CALL MPI_ALLREDUCE (erreur_loc, erreur_max, 1, MPI_DOUBLE_PRECISION,
&                    MPI_MAX, comm1d, ierr)
```



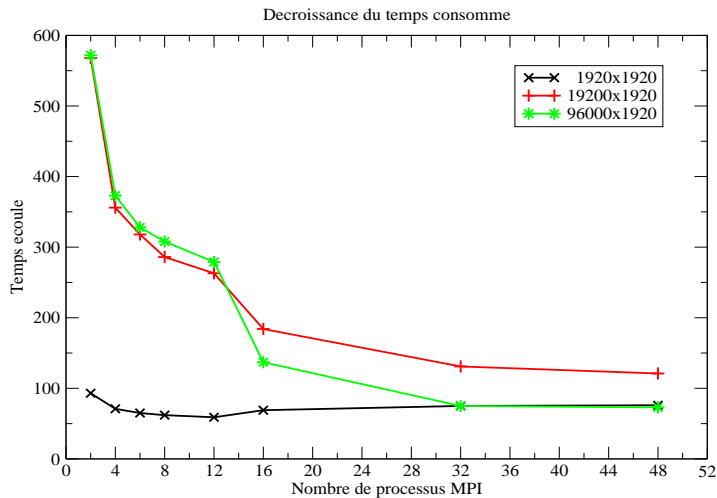
## Boucle complète (4/5)

```
! critere d'arret
  if (erreur_max < erreur_tol) then
    if (myrank == 0) write (6,*) 'erreur_max ', erreur_max, ' it ', k
    go to 10
  end if
!
  if ( MOD(k, 100) == 0) then
    if (myrank == 0) write (6,*) 'k = ', k, ' erreur = ', erreur_max
  end if
!
end do ! k = 1, iter_max
!
  if (myrank == 0) write (6,*) 'erreur_max finale : ', erreur_max
!
10  continue
```

## Boucle complète (5/5)

```
CALL MPI_Wait (ireq1, status, ierr)
CALL MPI_Wait (ireq2, status, ierr)
!
if ( voisins(ive) /= MPI_PROC_NULL) then
  do j = 1, ny
    call MPI_Wait (ireq3(j), status, ierr)
  end do
end if
```

# Quelques résultats ...



# Quelques résultats ...

